

[I]

$$\text{問1 } P_1(m) = 2\left(m - \frac{1}{2}\right)^2 - \frac{1}{2}, \quad P_2(m) = -4\left(m - \frac{4-a}{4}\right)^2 + \frac{a^2-8a+16}{4},$$

$$P_3(m) = 2\left(m - \frac{3-a}{2}\right)^2 + \frac{a^2-2a-1}{4}$$

$$\text{問2 } \text{公差} \frac{2-a}{4}, \quad a = 3$$

x座標が等差数列になっている座標平面上の3点が、同一直線上にあるためには、y座標も等差数列。

[II]

$$\text{問1 } P_n = \frac{3}{4} \frac{n^3+2n^2+3n}{\left(n+\frac{1}{2}\right)(n+1)\left(n+\frac{3}{2}\right)} \quad \text{問2 } a = \frac{3}{4} \quad \text{問3 } \beta = e$$

[III]

$$\text{問1 } \frac{PD}{AP} = 3 \quad \text{問2 } \frac{2}{3}l < x < l \quad \text{問3 } \frac{2}{9}lx\sqrt{l^2-x^2}$$

$$\text{問4 } \frac{\sqrt{6}}{2} \leq l < \sqrt{2} \text{ のとき } V_{\max} = \frac{2l\sqrt{-l^4+3l^2-1}}{9(3-l^2)}, \quad \sqrt{2} \leq l \text{ のとき } V_{\max} = \frac{l^2}{9}$$

[IV]

$$\text{問1 } y = -\frac{1}{f'(t)}x + \frac{t}{f'(t)} + f(t) \quad \text{問2 } \left(t - \frac{\{f'(t)\}^3+f'(t)}{f''(t)}, f(t) + \frac{\{f'(t)\}^2+1}{f''(t)}\right)$$

$$\text{問3 } \frac{\sqrt[3]{\{f'(t)\}^2+1}}{f''(t)} \quad \text{問4 } \frac{\sqrt{3}}{2} - \sqrt{1 - \frac{1}{e}}$$

問4は  $f'(t) = \tan\theta$  として、 $t$  が  $\frac{1}{2} \rightarrow \log 2$  のときに  $\theta$  が  $\alpha \rightarrow \frac{\pi}{3}$  となることを利用すれば

よいが、思いつかなくても仕方ない。というよりも、問4までたどり着けなくても仕方ない。

**医学部専門 クエスト**