

医学部専門予備校 クエスト 解答速報

昭和医科大学 (I期) 物理

試験日2月6日(金)



①

(1) 状態方程式 (以下、EOS と略記) より、

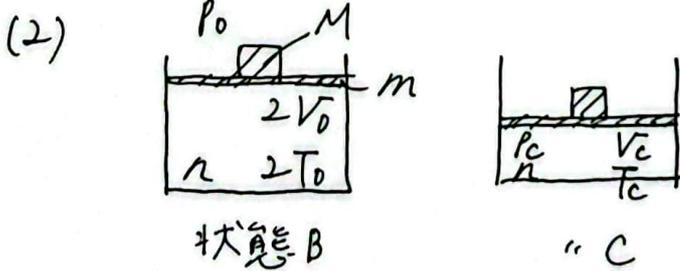
$$\left\{ \begin{array}{l} \text{状態 1: } p_0 V_0 = n R T_0 \\ \text{" 2: } p_0 2V_0 = n R T_B \end{array} \right.$$

$$\therefore T_B = 2T_0$$

(a)

$$W_{\text{ext}} = p_0 V_0$$

(b)



$$(a) \quad p_c = p_0 + \frac{(m+M)g}{S}$$

(b) EOS. より、

$$V_c = \frac{n R T_c}{p_c}$$

$$(3) \quad \Delta U = \frac{3}{2} n R (T_c - T_0)$$

(4) ポアソンの法則より、

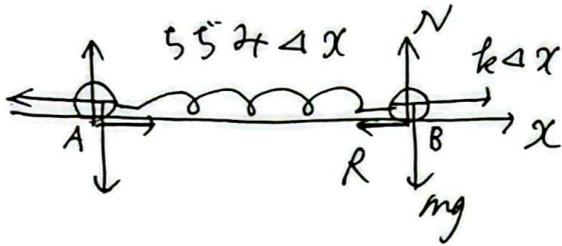
$$T_B V_B^{\frac{2}{3}} = T_c V_c^{\frac{2}{3}}$$

$$\therefore T_c = \left(\frac{V_B}{V_c} \right)^{\frac{2}{3}} T_B$$

確認テストレベル. 1問も落とせ
ない.

2

(1)



物体 B について運動方程式 (以下、EOM. と略す) を立てると、

$$0 = k\Delta x - R$$

$$\therefore R = k\Delta x$$

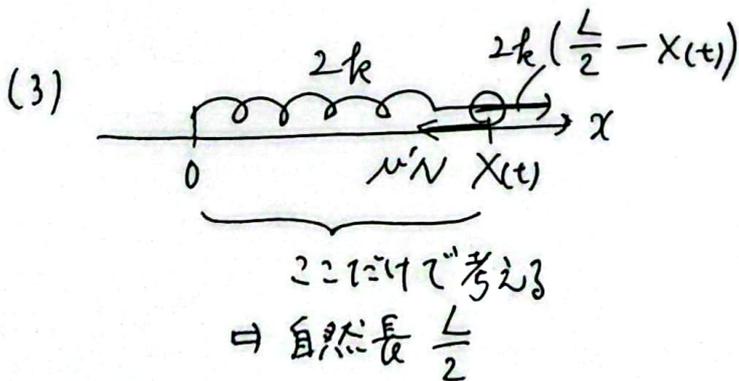
B が動き出す条件は、

$$R > \mu N$$

$$\Leftrightarrow k\Delta x > \mu mg$$

$$\therefore \mu > \frac{k\Delta x}{mg}$$

(2) ばねの復元力の大きさは $k\Delta x$
 摩擦力 " " $= \mu' mg$



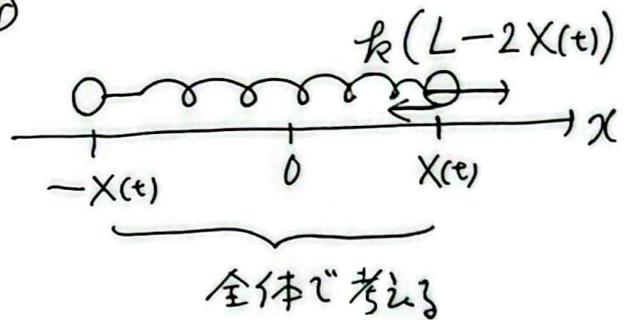
EOM.

$$B: ma = 2k\left(\frac{L}{2} - X(t)\right) - \mu' mg$$

$$\therefore ma = -2kX(t) + kL - \mu' mg$$

(\ddot{x})

(or)



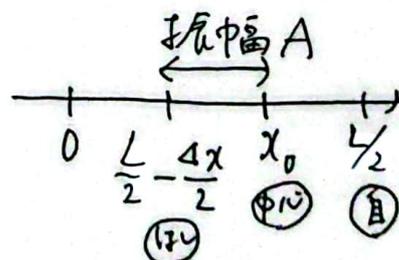
$$B: ma = k(L - 2X(t)) - \mu' mg$$

$$(4) \frac{T}{4} = \frac{\pi}{2\omega}$$

速さが最大になる位置は合力 = 0 となる位置。つり、振動中心 (x_0)。

$$x_0 = \frac{kL - \mu' mg}{2k}$$

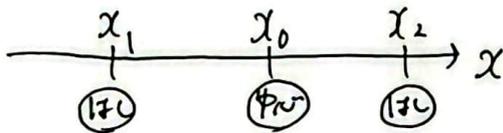
$$= \frac{L}{2} - \frac{\mu' mg}{2k}$$



$$\begin{aligned} \text{振幅 } A &= x_0 - \left(L - \frac{4x}{2}\right) \\ &= \frac{1}{2} \left(4x - \frac{\mu' mg}{k}\right) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{よって、求める速さ} &= A\omega \\ &= \frac{1}{2} \left(4x - \frac{\mu' mg}{k}\right) \omega \end{aligned}$$

(5) 物体は単振動の端で止まる。

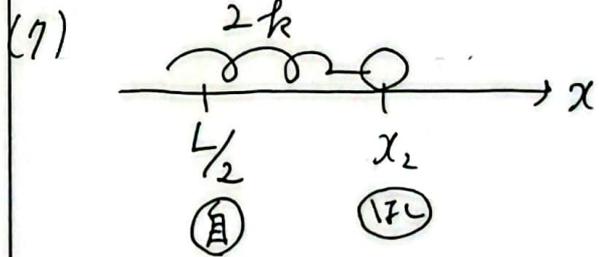


$$x_0 = \frac{x_1 + x_2}{2}$$

$$\begin{aligned} \therefore x_2 &= 2x_0 - x_1 \\ &= 2\left(\frac{L}{2} - \frac{\mu' mg}{2k}\right) - \left(\frac{L}{2} - \frac{4x}{2}\right) \\ &= \frac{L + 4x}{2} - \frac{\mu' mg}{k} \end{aligned}$$

(6) 動摩擦力が働いたときの大きさと求めればよい。

$$\begin{aligned} &\mu' mg \cdot \underbrace{2A}_{\text{振幅}} \cdot \underbrace{2}_{\text{2物体分}} \\ &= 4\mu' mg \cdot \frac{1}{2} \left(4x - \frac{\mu' mg}{k}\right) \\ &= 2\mu' mg \left(4x - \frac{\mu' mg}{k}\right) \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} x_2 - \frac{L}{2} \\ &= \frac{4x}{2} - \frac{\mu' mg}{k} \end{aligned}$$

∴ (1) より、

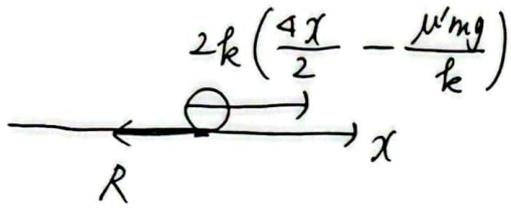
$$k \Delta x > \mu mg$$

$$\Leftrightarrow \frac{4x}{2} > \frac{\mu mg}{2k}$$

$$\Leftrightarrow \frac{4x}{2} - \frac{\mu' mg}{k} > \frac{(\mu - 2\mu') mg}{2k}$$

$$\mu \geq \mu' \text{ であることより、 } \mu - 2\mu' > 0$$

と考へて、



EOMより、

$$0 = 2k \left(\frac{\Delta x}{2} - \frac{\mu' mg}{k} \right) - R$$

$$R = k\Delta x - 2\mu' mg \leq \mu mg$$

$$\therefore \mu \geq \frac{k\Delta x}{mg} - 2\mu'$$

• $\frac{(\mu - 2\mu')mg}{2k}$ の正負が不明

正と考えるならば、

$$\mu \geq \left| \frac{k\Delta x}{mg} - 2\mu' \right|$$

という答えになるだろう。

(8) 物体AとBに働く動摩擦力が、各物体に負の仕事をするため系の力学エネルギーが減少する。その減少分が熱エネルギーに変換されて空気中に散逸していく。

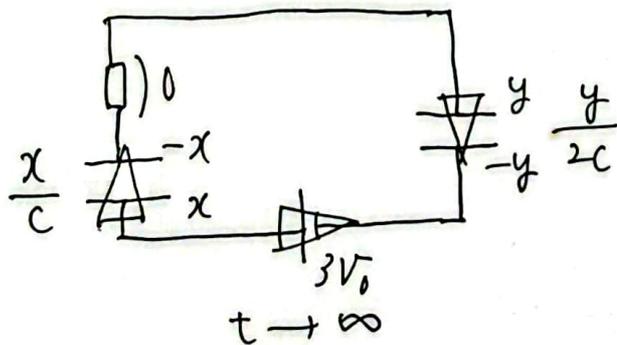
今回最も解きにくかろいと思われる。とは言え、ごく標準的なレベルであり、1~2ミス程度におさまる。

3 A

(1) $I_0 = \frac{V_0}{R}$ (A)

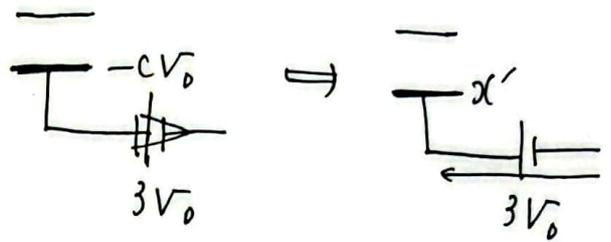
(2) $W_{\text{充}} = \Delta Q \cdot V_0$
 $= C \cdot V_0^2$ (J)

(3) 以下では、キルヒホッフ第2法則と「キ.2」、電荷保存則と「電.保」、エネルギー保存則と「エ.保」と略言する。



キ.2: $3V_0 = \frac{x}{c} + \frac{y}{2c}$
 電.保: $-x + y = CV_0$
 $\therefore x = \frac{5}{3} CV_0, y = \frac{8}{3} CV_0$ (C)

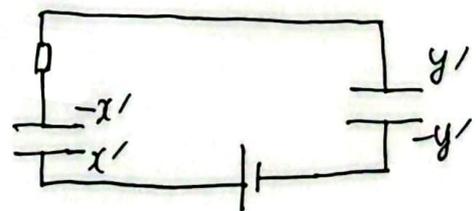
よって、求める電位差 = $\frac{y}{2c}$
 $= \frac{4}{3} V_0$ (V)



E_2 は電荷 $\Delta Q = (x' - (-CV_0))$ だけ「くみ上げ」た。よって、 W は、

$W = \Delta Q \cdot 3V_0$
 $= (\frac{5}{3} CV_0 + CV_0) \cdot 3V_0$
 $= 8 CV_0^2$ (J)

(4) S_1, ON とするとき C_1 は CV_0 (C) の電荷と蓄える。

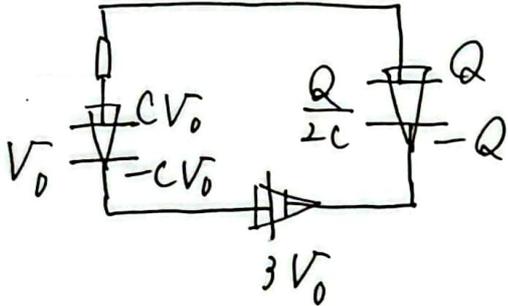


キ.2: $3V_0 = \frac{x'}{c} + \frac{y'}{2c}$
 電.保: $-x' + y' = CV_0 + y'$

$\therefore x' = \frac{7}{9} CV_0, y' = \frac{40}{9} CV_0$ (C)

よって、求める電位差 = $\frac{y'}{2c}$
 $= \frac{20}{9} V_0$ (V)

(5) (4)の操作を十分多く繰り返すと、 C_1, C_2 の電荷は各々、ある値に近づく。



$$\text{キ.2.} : 3V_0 + V_0 = \frac{Q}{2C}$$

$$\text{求める電位差} = \frac{Q}{2C}$$

$$= 4V_0 \text{ [V]}$$

(漸化式を立てて解くのもよいけれど、
時間がいくらかかる。

B

$$(1) Q = \epsilon_0 \frac{ab}{d} V$$

$$U = \frac{1}{2} \epsilon_0 \frac{ab}{d} V^2$$

$$(2) C(x) = \epsilon_0 \frac{(a-x)b}{d} + \epsilon_1 \frac{xb}{d}$$

$$= \frac{(\epsilon_1 - \epsilon_0)x + \epsilon_0 a}{d} b$$

$$(3) Q(x) = C(x) V$$

$$= \frac{(\epsilon_1 - \epsilon_0)x + \epsilon_0 a}{d} b V$$

$$U(x) = \frac{1}{2} C(x) V^2$$

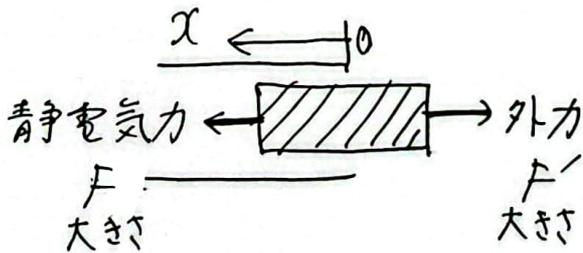
$$= \frac{(\epsilon_1 - \epsilon_0)x + \epsilon_0 a}{2d} b V^2$$

$$\begin{aligned}
 (4) \quad W_{\text{ins}} &= \Delta Q \cdot V \\
 &= (C(x) - C(0)) V^2 \\
 &= \frac{(\epsilon_1 - \epsilon_0) b x}{d} V^2
 \end{aligned}$$

(5) エネルギー: $\Delta U = W_{\text{ins}} + W_{\text{外力}}$

∴ $\Delta U = \frac{1}{2} \Delta Q \cdot V$ より、

$$\begin{aligned}
 W_{\text{外力}} &= -\frac{1}{2} \Delta Q \cdot V \\
 &= -\frac{(\epsilon_1 - \epsilon_0) b x}{2d} V^2
 \end{aligned}$$



EOM. より、

$$0 = F' - F$$

より、

$$W_{\text{外力}} = -F' x$$

以上より、

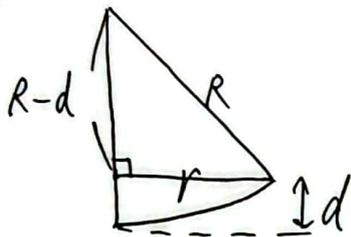
$$\begin{aligned}
 F &= -F' \\
 &= \frac{W_{\text{外力}}}{x} \\
 &= \frac{(\epsilon_1 - \epsilon_0) b V^2}{2d}
 \end{aligned}$$

定期テストレベルである。

1ミス程度におさえたい。

4

(1)



三平方の定理より、

$$R^2 = (R-d)^2 + r^2$$

$$\therefore 0 = -2Rd + d^2 + r^2$$

d^2 と無視して、

$$d = \frac{r^2}{2R}$$

(2) 暗く見える

明線の干渉条件:

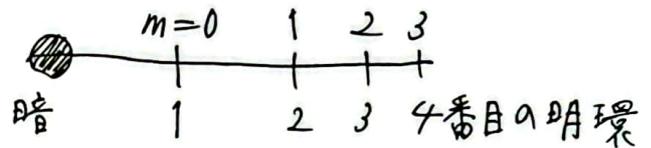
$$2d = (m + \frac{1}{2})\lambda$$

$$\Leftrightarrow \frac{r^2}{R} = (m + \frac{1}{2})\lambda$$

$r \text{ (大)}$ で $r \text{ (大)}$

\therefore 赤色の光

(3)



$m=3$ の明環 と考えて、

$$R = \frac{r^2}{(3 + \frac{1}{2})\lambda}$$

$$= \frac{(4 \times 10^{-3})^2}{\frac{7}{2} \times 580 \times 10^{-9}}$$

$$\approx 7.9 \text{ m}$$

(4)

$$\begin{cases} \text{液体中: } n \frac{r^2}{R} = (4 + \frac{1}{2})\lambda \\ \text{空気中: } \frac{r^2}{R} = (3 + \frac{1}{2})\lambda \end{cases}$$

辺々わって、

$$n = \frac{\frac{9}{2}}{\frac{7}{2}}$$

$$\approx 1.3$$

(5)

反射による位相のずれの回数は不変。
光の波長は小さくなる。よって、明暗は
変わらず(つまり、中心は暗環)、半径は
小さくなる。

(6) (5)と同じ

(7) 明暗環が逆転して見える
(中心は明環)。

確認テストレベル。
完答したい。